



إصلاح مناظرة ختم التعليم الأساسي  
دورة 2025

الضارب: 1

الاختبار: رياضيات

التمرين الأول

(1) ب

(2) ج

(3) ج

التمرين الثاني

$$(1+\sqrt{5})(-1+\frac{1}{2}\sqrt{5}) = \frac{1}{2}(1+\sqrt{5})(-2+\sqrt{5}) \quad (1)$$
$$= \frac{1}{2}(-2+\sqrt{5}-2\sqrt{5}+5) = \frac{1}{2}(3-\sqrt{5}) = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

(2) لدينا  $b \cdot c = 1$  يعني  $c = \frac{1}{b}$  و منه  $c^2 = \frac{1}{b^2} = \frac{2}{3-\sqrt{5}}$

$$c^2 = \frac{2}{3-\sqrt{5}} = \frac{2(3+\sqrt{5})}{(3-\sqrt{5})(3+\sqrt{5})} = \frac{2(3+\sqrt{5})}{4} = \frac{3+\sqrt{5}}{2}$$

COLLEGE.MOURAJAA.COM

(3)

$$(b+c)^2 = b^2 + 2bc + c^2 = \frac{3-\sqrt{5}}{2} + 2 + \frac{2}{3-\sqrt{5}} = \frac{(3-\sqrt{5})^2 + 4}{2(3-\sqrt{5})} + 2 =$$

$$\frac{9-6\sqrt{5}+5+4}{2(3-\sqrt{5})} + 2 = \frac{6(3-\sqrt{5})}{2(3-\sqrt{5})} + 2 = 5$$

يعني  $b+c = \sqrt{5}$  لأن  $b$  و  $c$  موجبان

$$c \cdot b = c(\sqrt{5} - c) = \sqrt{5}c - c^2 \quad (4)$$





(4ب) لدينا  $c.b = c(\sqrt{5} - c) = \sqrt{5}c - c^2$  و لدينا  $b.c=1$  يعني

$$c = \frac{1+c^2}{\sqrt{5}} \quad \text{إذن} \quad \sqrt{5}c - c^2 = 1$$

$$c = \frac{1+c^2}{\sqrt{5}} = \frac{1+\frac{2}{3-\sqrt{5}}}{\sqrt{5}} = \frac{\frac{3-\sqrt{5}+2}{3-\sqrt{5}}}{\sqrt{5}} = \frac{\frac{5-\sqrt{5}}{3-\sqrt{5}}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}(\sqrt{5}-1)}{\sqrt{5}(3-\sqrt{5})} = \frac{(\sqrt{5}-1)}{(3-\sqrt{5})} =$$

$$\frac{(\sqrt{5}-1)(3+\sqrt{5})}{(3-\sqrt{5})(3+\sqrt{5})} = \frac{3\sqrt{5}+5-3-\sqrt{5}}{4} = \frac{2(\sqrt{5}+1)}{4} = \frac{(\sqrt{5}+1)}{2}$$

$$b = \frac{1}{c} = \frac{2}{(\sqrt{5}+1)} = \frac{2(1-\sqrt{5})}{(\sqrt{5}+1)(1-\sqrt{5})} = \frac{2(1-\sqrt{5})}{-4} = \frac{-1+\sqrt{5}}{2} \quad \text{يعني} \quad b.c=1$$

### التمرين الثالث:

$$(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1 = x^2 + 2x + 6 - 5 = E - 5 \quad (1)$$

$$x=3 \quad \text{إذن} \quad (x+1)=4 \quad \text{يعني} \quad (x+1)^2=16 \quad \text{يعني} \quad E-5=16 \quad \text{يعني} \quad E=21$$

$$\text{أو} \quad (x+1)=-4 \quad \text{إذن} \quad x=-5 \quad \text{ومنه} \quad S_{IR}=\{3,-5\}$$

$$(2) \quad |x+1| \leq 2 \quad \text{يعني} \quad -2 \leq x+1 \leq 2 \quad \text{يعني} \quad -3 \leq x \leq 1 \quad \text{إذن} \quad S_{IR} = [-3,1]$$

$$(II) \quad AC^2 = BA^2 + BC^2 \quad \text{لدينا} \quad ABC \text{ مثلث قائم في } B$$

$$\text{لدينا} \quad CAD \text{ مثلث قائم في } A \quad \text{يعني} \quad CD^2 = AC^2 + AD^2$$

$$CD^2 = BA^2 + BC^2 + AD^2 = 8 + a^2 + (a+2)^2 = 8 + a^2 + a^2 + 4a + 4$$

$$= 2a^2 + 4a + 12$$

$$(ب) \quad CD = \sqrt{42} \quad \text{يعني} \quad CD^2 = 42 \quad \text{يعني} \quad 2a^2 + 4a + 12 = 42 \quad \text{يعني} \quad a^2 + 2a + 6 = 21$$





حسب السؤال الأول  $a = 3$  أو  $a = -5$  إذن  $a = 3$  لأن  $a > 0$

(أ)

$$a^2 + 2a + 6 \leq 92a^2 + 4a + 12 \leq 18 \text{ يعني } CD^2 \leq 18 \text{ يعني } CD \leq 3\sqrt{2}$$

$$1 \leq 4 \text{ يعني } a^2 + 2a + 1 \leq 4$$

(ب)

$$a \in [-3, 1] \text{ إذن } |a+1| \leq 2 \text{ يعني } (a+1)^2 \leq 4 \text{ يعني } CD \leq 3\sqrt{2}$$

حسب السؤال الثاني و لنا  $a > 0$  إذن  $a \in ]0, 1[$

### التمرين الرابع:

(1) لدينا  $AB = AF = 4$  و  $\widehat{BAF} = 60^\circ$  إذن  $\triangle ABF$  مثلث متقايس الأضلاع

(ب) لدينا  $BA = BE = BF = 4$  و  $B$  منتصف  $[AE]$  إذن  $\triangle AFE$  مثلث قائم في  $F$

$$EF = 4\sqrt{3} \text{ يعني } EF^2 = AE^2 - AF^2 = 64 - 16 = 48$$

(2) (أ) في المثلث  $AMC$  لدينا  $BE [AM]$ ,  $FE [AC]$ ,  $(BF) \parallel (MC)$

$$\text{حسب طالس } \frac{AM}{AC} = \frac{AB}{AF} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \text{ يعني } \frac{AM}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

$$ME [BE] \text{ و } BM = AM - AB = 2 = ME$$

(ب) لدينا في المثلث  $EFB$   $M$  منتصف  $[BE]$   $NE [EF]$  و  $(MN) \parallel (BF)$  إذن

$N$  منتصف  $[EF]$

(3) لدينا في  $APC$   $GE [AP]$ ,  $FE [AC]$ ,  $(GF) \parallel (PC)$  (لأن  $PE [MC]$ )





$$\frac{AG}{AP} = \frac{AF}{AC} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \text{ حسب طالس}$$

(ب) لدينا في AMP  $BE \perp [AM]$  ,  $GE \perp [AP]$  ,  $(BG) \parallel (MP)$  (لأن  $[MC] \perp PE$ )

$$\text{حسب طالس} \frac{AB}{AM} = \frac{AG}{AP} = \frac{2}{3} \text{ يعني } \frac{AB}{AM} = \frac{AG}{AP} = \frac{2}{3}$$

(ج) لدينا  $AB=AF$  و  $AM=AC$  و  $G$  منتصف  $[BF]$   $(AG) \perp [BF]$  يقطع  $(MC)$  في  $P$   
إذن  $P$  منتصف  $[MC]$  (منتصف الزاوية  $A$  هو موّسط في مثلث متقايس الضلعين)

$$\text{و } AG = \frac{2}{3} AP \text{ إذن } G \text{ و } A \text{ و } P \text{ على استقامة واحدة إذن } G \text{ مركز ثقل}$$

(4) لدينا  $(MN) \parallel (BG)$  و  $MN=BG=BM=2$  إذن  $BGNM$  معيّن مساحته

$BG \times GP$  و ارتفاع المثلث يساوي  $6 \frac{\sqrt{3}}{2}$  و ارتفاع المعين  $\sqrt{3}$  مساحة المعين

$$2\sqrt{3}$$

COLLEGE.MOURAJAA.COM

التمرين الخامس:

(1)

لدينا  $SDC$  متقايس الأضلاع و  $I$  منتصف  $[SC]$  إذن  $DI = \frac{\sqrt{3}}{2} DC = \frac{\sqrt{3}}{2} BC$

$$4 \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$$

(2) لدينا في المثلث  $ASC$   $I$  منتصف  $[SC]$   $O$  منتصف  $[AC]$

$$\text{إذن } OI = \frac{1}{2} AS = \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}$$





$$OD = \frac{1}{2} BD = \frac{1}{2} \sqrt{2} BC = \frac{1}{2} \sqrt{2} \times 4 = 2\sqrt{2}$$

$$OI = OD = 2\sqrt{2} \text{ إذن}$$

لدينا  $OI = OD = OB$  و  $O$  منتصف  $[BD]$  إذن  $BID$  قائم في  $I$

(3) لدينا  $(DI) \perp (BI)$  و  $(SBC) \perp (BI)$  و  $(SC) \perp (DI)$  (مثلث متقايس

الأضلاع و امنتصف  $[SC]$  و  $(SBC) \perp (SC)$  و  $(BI) \perp (SC)$  و  $(BI)$  يتقاطعان في  $I$

إذن  $(SDC) \perp (DI)$

(4) لدينا  $(JP)$  و  $(ID)$  يعامدان نفس المستوي  $(SCB)$  إذن  $(ID) \parallel (JP)$  و لدينا  $K$

منتصف  $[JD]$  إذن  $K$  منتصف  $[IP]$  (طالس في المثلث  $KID$ )  $\frac{KI}{KP} = \frac{KJ}{KD} = 1$



COLLEGE.MOURAJAA.COM



من  
2015  
إلى  
2025

# جميع مناظرات

## السنة التاسعة أساسي

العربية • رياضيات • English • Français • علوم الحياة والأرض

### من 2015 إلى 2025

### مع الإصلاح الرسمي

جميع المناظرات مع الإصلاح الرسمي



### لماذا هذا الكتاب؟

- ✓ جميع مناظرات السنوات من 2015 إلى 2025
- ✓ إصلاح رسمي ومفصل
- ✓ إعداد شامل لكل المواد
- ✓ تصميم واضح وسهل الفهم

البك الكامل (جميع المواد)

مادة واحدة



72 دينار

5 كتب = تحضير شامل للمناظرة



23 دينار

اختر مادتك وابدأ التحضير



22 469 756 / 29 321 559



جميع المناظرات  
من 2015 إلى 2025



مع الإصلاح  
الرسمي



مناظرات  
النوqيام



تحضير ممتاز  
للمناظرة



لكل المواد  
في كتاب واحد

قام بالتجميع والإعداد

موقع مراجعة إعدادي



اطلب الآن  
وتأمن نجاحك في المناظرة